Exo 1

Lesquelles de ces fonctions sont du second degré?

Le cas échéant, précisez les valeurs de a, b et c et faites le tableau de variations.

1)
$$x \mapsto 0$$

6)
$$x \mapsto \frac{3}{x} - x^2$$

9)
$$x \mapsto \frac{1}{2}(9-x)(x+1)$$

$$2) \ x \mapsto 5x$$

7)
$$x \mapsto \frac{x}{2} - \frac{x}{2}$$

10)
$$x \mapsto (x+2)(x^2-3)-x^3$$

3)
$$x \mapsto x^2$$

4) $x \mapsto 2x^2 - 3x + 6$

$$7) \ x \mapsto \frac{x}{3} - x^2$$

$$(x+2)(x-3) =$$

5)
$$x \mapsto 2x$$

8)
$$x \mapsto \cos(x)$$

$$11) \ x \mapsto \frac{x^3 + 2x}{x}$$

Exo 2

Exo 3

Donnez le tableau de signe de :

1)
$$x \mapsto -x^2 + 6x + 10$$

1) Tracez sur un même graphique les courbes des 2)
$$x \mapsto x^2 + 6x + 10$$

3)
$$x \mapsto 2(x-4)(x+3)$$

a)
$$f: x \mapsto x^2 + 4$$

b)
$$q: x \mapsto -3x + 2x^2 - 1$$

Exo 4

Résoudre algébriquement les équations suivantes:

fonctions du second degré suivantes :

a)
$$f(x) = 1$$

b)
$$g(x) = 0$$

c)
$$f(x) \geqslant q(x)$$

1)
$$10x^2 - 86x + 176, 8 = 0$$

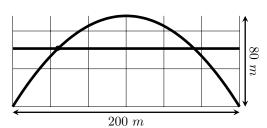
2)
$$3x^2 + 12x + 50 = 0$$

3)
$$(x-3)(x-2) = (2x-1)(x-3)$$

4)
$$(x-2)^2 - 16 = 0$$

Exo 5

Un pont est soutenu par un arc parabolique d'une portée de 200 m et d'une hauteur de 80 m. Le pont rencontre l'arc à 40 m de la rive. Quelle est la hauteur du pont?



Exo 6

On considère la réaction chimique ci-dessous :

$$CH_3COOH + H_2O \rightleftharpoons CH_3COO^- + H_3O^+$$

où CH_3COOH est l'acide éthanoïque. Au début de la réaction on suppose que :

- La concentration en H_2O est en excès. On peut la considérer ∞ .
- Le nombre de moles par litre de CH_3COOH est $n=0.01 \text{ mol}^{-1}$ Autrement dit $[CH_3COOH]_{t=0}$
- Il n'y a aucun CH_3COO^- et aucun H_3O^+ En vérité, dans de l'eau neutre, PH=7, il y a $10^{-7} \,\mathrm{mol} \cdot \mathrm{L}^{-1} \,\mathrm{de} \,H_3O^+$ mais on pourra négliger cette concentration initiale.

On note x_f la concentration finale de CH_3COO^- , c'est à dire $x_f = [CH_3COO^-]_{t=t_f}$.

- a) Que vaudrait x si la totalité des CH_3COOH étaient consommés? On notera x_{max} cette valeur.
- b) On sait que CH_3COOH ne sera pas consommé en totalité. La réaction va s'arrêter à un équilibre caractérisé par $K_A = 10^{-4.8} = \frac{[H_3O^+]_{t=t_f} \cdot [CH_3COO^-]_{t=t_f}}{[CH_3COOH]_{t=t_f} \cdot c_0}$ avec $c_0 = 1 \,\text{mol} \cdot L^{-1}$ qui ne sert qu'à rendre la formule homogène.

Dans cette formule, remplacez les concentrations par des expressions dépendant de n et x_f puis faites la résolution pour trouver x_f .

- c) Déduisez-en $\tau = \frac{x_f}{x_{max}}$ appelé taux d'avancement.
- d) Calculez le PH de la solution à $t = t_f$.

On pourrait tracer la courbe du PH final en fonction de n.